

Implementando lenguajes funcionales puros

La máquina STG

Introducción

- Lenguajes declarativos:
 - semántica mediante sistemas de reescritura
- Lenguajes funcionales:
 - Gran riqueza sintáctica => expresividad
 - Estamos interesados en lenguajes perezosos
 - Dificultad de compilación/interpretación
 - Basados en el lambda-cálculo
 - Frontera natural entre el front-end y el back-end

Back-end del compilador

- Los lenguajes perezosos tienen un modelo de computación muy alejado del imperativo
 - Pero no es práctico diseñar nuevas arquitecturas para ellos
 - Es necesario trasladar la semántica perezosa a un entorno imperativo
- Estructura tradicional del back-end
 - Recibe como entrada lambda-cálculo enriquecido
 - Ligado a una semántica denotacional (reescritura)
 - Lo traduce a código imperativo de una máquina abstracta
 - Ligado a una semántica operacional (imperativa)
 - Traduce dicho código a lenguaje objeto: ensamblador o C

Máquinas abstractas

- Surgen como medio para formalizar una semántica operacional (imperativa) para lenguajes perezosos
- La comunidad académica ha sido muy productiva:
 - máquina G / Spineless-G / STG
 - máquina SKI
 - máquina $\langle v, G \rangle$
 - máquina TIM
- En teoría son bastante distintas entre sí
- En el fondo el efecto de las optimizaciones las uniformiza un poco
 - Las diferencias de fondo se refieren al nivel de “interpretatividad” inherente a cada máquina.

Máquina STG

- Es un diseño relativamente reciente
- Spineless Tagless G machine
- Es usada como base de GHC, el compilador de referencia para Haskell
- Lleva a sus últimas consecuencias el camino recorrido desde la máquina G:
 - uniformización de los objetos del programa en ejecución
 - Minimización del nivel de “interpretatividad”
 - integración de la aritmética de números enteros
 - ...y multitud de detalles técnicos

Nociones básicas de la STG

- Tipos de datos básicos
 - por valor: primitivos (enteros, caracteres, etc)
 - por referencia: punteros (funciones, LETs, constructores de datos, etc)
- Valores primitivos
 - Incluidos por razones de eficiencia
 - Su presencia explícita en el lenguaje
 - da al front-end más libertad para optimizar
 - se inserta de manera natural con el resto de características
 - permite tipos de datos básicos uniformes respecto a los del usuario, sin necesidad de tratarlos de forma especial

Nociones básicas de la STG

- Valores por referencia (Closures)
 - Unidad fundamental de evaluación de expresiones
 - Representación uniforme para todo objeto no primitivo
 - Inclusive los internos del sistema
 - Idea básica:
 - Cada objeto posee datos dinámicos (determinados en tiempo de ejecución): conjuntos de valores primitivos y referencias
 - Y un comportamiento estático (especificado en tiempo de compilación): piezas de código para la evaluación del programa o de tareas de sistema. Se guardan en la InfoTable
 - Un closure encapsula ambos aspectos
 - Y el diseño de la máquina se dirige a uniformizar al máximo la representación de los distintos closures

Nociones básicas de la STG

- Pilas

- Se definen cuatro pilas
 - Las pilas V y S para argumentos de tipos primitivo y puntero (referencias a closures), respectivamente
 - La pila de continuaciones (piezas de código)
 - La pila de marcos de actualización (updates), llamados dumps
- En teoría se podrían mezclar en una sola
- Aunque en la práctica una implementación seria (la de GHC) usa dos

- Registros

- Son lugares de comunicación entre piezas de código.
- En función de la implementación puede haber varios
- El más importante es NODE

Lambda-cálculo

- Formalismo matemático
 - captura el concepto de función computable
 - plenamente expresivo (por ej. representación de aritmética a la Peano y estructuras de datos)
- Lisp
 - `(defun aplica2 (f g x) (let ((h (funcall g x))) (funcall f h h)))`
- Haskell
 - `aplica2 f g x = f h h where h = g x`
- Lambda-cálculo
 - $(\lambda f.\lambda g.\lambda x. (\lambda h. f h h) (g x))$

Lambda-cálculo

- Por sí sólo no es adecuado como herramienta de implementación
- Hay que añadir
 - Mecanismos de programación estructurada
 - Funciones con número arbitrario de argumentos
 - Funciones predefinidas (por lo menos las aritméticas)
 - Estructuras de datos y construcciones CASE para su evaluación
 - Sintaxis especial para las ligaduras LET (definiciones locales, generalmente sin argumentos)
- El resultado es el lambda-cálculo enriquecido
- Cada máquina impone requisitos adicionales

Lambda-cálculo para la STG

- Las aplicaciones de funciones son planas

- No se permiten expresiones como $(\text{sum } 1 (\text{mul } 2\ 3))$
- Sino $(\text{let } n = \text{mul } 2\ 3 \text{ in } \text{sum } 1\ n)$, de forma perezosa
- O bien $(\text{case } \text{mul } 2\ 3 \text{ of } n \rightarrow \text{sum } 1\ n)$, de forma estricta

Lambda-cálculo para la STG

- Los constructores de datos también se aplican de forma plana

–y además de forma saturada (no currificada)

–NO: (cons 1 (cons 2 nil))

–TAMPOCO : (cons 1)

–SI: (let c2 = cons 2 nil in cons 1 c2)

–TAMBIEN: (let cons_fun h t = cons h t in cons_fun 1)

Lambda-cálculo para la STG

- Las funciones se definen como globales (top-level) o locales (ligaduras en LETs)
 - sintaxis uniforme para ambas
 - También para funciones sin argumentos (variables locales o CAFs)
- Cada ligadura tiene un flag que indica si es actualizable con su resultado
 - Se puede decidir mecánicamente, pero la tarea se deja al front-end

Lambda-cálculo para la STG

- Cada expresión tiene un entorno de evaluación para sus ligaduras (variables accesibles)
 - variables globales (funciones y CAFs)
 - argumentos de la función (en las pilas V y S)
 - ligaduras locales: se declaran explícitamente, para cada función o variable local (las globales también pueden tener, por motivos técnicos)
 - El proceso de obtener las ligaduras locales se deja al front-end

Ejemplos

```
twice {} NoUpdate {f, x} = LET
  fx {f, x} DoUpdate {} = f {x}
IN f {fx}
```

```
map {} NoUpdate {f, xs} = CASE xs OF
  Nil -> Nil
  Cons {y, ys} -> LET
    fy {f, y} DoUpdate {} = f {y}
    mapfy {f, ys} DoUpdate {} = map {f, ys}
  IN Cons {fy, mapfy}
```

Ejemplos

```
twice {} NoUpdate {f, x} = LET
  fx {f, x} DoUpdate {} = f {x}
IN f {fx}
```

Ligaduras locales

Listas de argumentos

```
map {} NoUpdate {f, xs} = CASE xs OF
  Nil -> Nil
  Cons {y, ys} -> LET
    fy {f, y} DoUpdate {} = f {y}
    mapfy {f, ys} DoUpdate {} = map {f, ys}
  IN Cons {fy, mapfy}
```


Ejemplos

```
fac {} NoUpdate {num} = LET
```

```
  fac_tailcall {fac_tailcall} NoUpdate {n, ac} =
```

```
    CASE n - 1 OF
```

```
      -1 -> ac
```

```
      0 -> ac
```

```
      DEFAULT m -> CASE ac * n OF
```

```
        ac2 -> fac_tailcall {m, ac2}
```

```
IN fac_tailcall {num, 1}
```

Ejemplos

```

fac {} NoUpdate {num} = LET
  fac_tailcall {fac_tailcall} NoUpdate {n, ac} =
    CASE n - 1 OF
      -1 -> ac
      0 -> ac
      DEFAULT m -> CASE ac * n OF
        ac2 -> fac_tailcall {m, ac2}
  IN fac_tailcall {num, 1}

```

Ligadura local recursiva

valores primitivos

Semántica operacional

- Cada máquina suele tener un conjunto de instrucciones
 - Se realiza una traducción (más o menos compleja) de lambda-cálculo a secuencia de instrucciones
- Con la máquina STG se sigue un enfoque ligeramente diferente
 - Asignamos significado operacional al propio lambda-cálculo STG

Ejemplo

$\text{map } \{\} \text{ NoUpdate } \{f, xs\} = \text{CASE } xs \text{ OF}$
 $\text{Nil} \rightarrow \text{Nil}$

$\text{Cons } \{y, ys\} \rightarrow \text{LET}$

$\text{fy } \{f, y\} \text{ DoUpdate } \{\} = f \{y\}$

$\text{mapfy } \{f, ys\} \text{ DoUpdate } \{\} = \text{map } \{f, ys\}$

$\text{IN Cons } \{\text{fy}, \text{mapfy}\}$

- La definición de la semántica operacional puede hacerse muy extensa y prolija
- sólo daremos algunas nociones básicas

Ejemplo

$\text{map } \{\} \text{ NoUpdate } \{f, xs\} = \text{CASE } xs \text{ OF}$

map es una función que
toma dos argumentos

$fy \{f, y\} \text{ DoUpdate } \{\} = f \{y\}$

$\text{mapfy } \{f, ys\} \text{ DoUpdate } \{\} = \text{map } \{f, ys\}$

IN Cons $\{fy, \text{mapfy}\}$

Ejemplo

$\text{map } \{ \} \text{ NoUpdate } \{ f, xs \} = \text{CASE } xs \text{ OF}$

La expresión CASE fuerza la evaluación de la expresión (xs). Se actualiza la pila de continuaciones.

$\text{mapfy } \{ f, ys \} \text{ DoUpdate } \{ \} = \text{map } \{ f, ys \}$
 $\text{IN Cons } \{ fy, \text{mapfy} \}$

Ejemplo

$\text{map } \{ \} \text{ NoUpdate } \{ f, xs \} = \text{CASE } xs \text{ OF}$

$\text{Nil} \rightarrow$ Eventualmente, termina la
 $\text{Cons } x \rightarrow$ evaluación de (xs) y se restaura
 $\text{fy } \{ f \}$ de la pila la continuación del
 mapf CASE . Supongamos que se
 IN Co continúa por la segunda rama

Ejemplo

La expresión LET reserva memoria para los closures (fy) y (mapfy), llenándolos con sus InfoTables y ligaduras locales

Cons {y, ys} -> LET

fy {f, y} DoUpdate {} = f {y}

mapfy {f, ys} DoUpdate {} = map {f, ys}

IN Cons {fy, mapfy}

Ambos se evalúan de forma semejante:

- Actualizan las pilas V y S para incluir los argumentos de la función
- Asignan a NODE una referencia al closure de la función
- Saltan a la pieza de código de evaluación de la función

Pero este comportamiento queda diferido hasta que sean forzados por una expresión CASE

$$fy \{f, y\} \text{ DoUpdate } \{\} = f \{y\}$$
$$\text{mapfy } \{f, ys\} \text{ DoUpdate } \{\} = \text{map } \{f, ys\}$$
$$\text{IN Cons } \{fy, \text{mapfy}\}$$

Ejemplo

`map {} NoUpdate {f, xs} = CASE xs OF`

Se reserva memoria para el closure que representa al constructor CONS. Se rellena con su InfoTable y sus ligaduras

`IN Cons {fy, mapfy}`

Ejemplo

Se salta al código de evaluación del constructor. Termina la evaluación de la función. El constructor carga en un registro su etiqueta (tag) y salta a la pieza de código obtenida de la pila de continuaciones

```
IN Cons {fy, mapfy}
```

Actualizaciones (updates)

- Hasta ahora se ha descrito una máquina de reducción de árboles
 - Cada vez que se requiere el valor de una variable, vuelve a evaluarse
- Un diseño real requiere reducción de grafos
 - Las funciones sin argumentos que devuelven referencias a closures *pueden* ser sobrescritas
 - Con el resultado, si su closure es lo bastante pequeño
 - O con una **indirección**
 - Posteriores requerimientos de su valor obtendrán directamente o vía indirecta el previamente calculado

Actualizaciones (updates)

- ¿Qué objetos pueden disparar una actualización al ser evaluados?
 - Constructores de datos
 - `let x {} DoUpdate {} = Cons 1 Nil in`
... `case x of ...`
 - Aplicaciones parciales de funciones (PAPs):
 - `twice f x = let fx = f x in f fx`
`main = let sum3 {} DoUpdate {} = sumar 3 in twice sum3 4`
 - Constituyen un tipo especial de closure, al igual que las indirecciones

Actualizaciones (updates)

- ¿Qué objetos pueden disparar una actualización al ser evaluados?
 - Constructores de datos
 - `let x {} DoUpdate {} = Cons 1 Nil in`
`... case x of ...`

Actualización
 - Aplicaciones parciales de funciones (PAPs):
 - `twice f x = let fx = f x in f fx`

Actualización
 - `main = let sum3 {} DoUpdate {} = sumar 3 in twice sum3 4`

PAP
 - Constituyen un tipo especial de closure, al igual que las indirecciones

Actualizaciones (updates)

- ¿Cómo se prepara una variable para ser sobrescrita cuando sea evaluada?
 - Antes de comenzar la evaluación de su expresión
 - Se salva en la pila de dumps:
 - una referencia al closure de la variable para poder sobrescribirlo
 - Los marcos (punteros base) de las pilas V y S, para las PAPs
 - Se salva en la pila de continuaciones una pseudocontinuación encargada de realizar la sobrescritura, para los constructores
 - Se resetean (igualan a la cima de la pila) los marcos de las pilas V y S, para que la aplicación sea efectivamente parcial

Actualizaciones (updates)

- ¿Cuándo se realiza la actualización?
 - En el caso de los constructores, cuando tras ser evaluados saltan a la pseudocontinuación
 - En el caso de las PAPs, cuando el código que evalúa la función aplicada se da cuenta de que no tiene suficientes argumentos

Actualizaciones (updates)

- ¿Cómo se realiza la actualización?
 - En cualquier caso
 - se restauran de la pila de dumps los marcos de las pilas V y S
 - y además se toma de ella la referencia al closure a sobrescribir
 - se realiza la actualización (con el constructor o el closure PAP)
 - En el caso de los constructores, la pseudocontinuación
 - además, salta a la siguiente pieza de código en la pila de continuaciones
 - En el caso de las PAPs, el código de comprobación de número de argumentos
 - además, construye el closure PAP que guarda los argumentos aplicados (encontrados en las pilas V y S)

Bibliografía adicional

- “Implementing lazy functional languages on stock hardware: the Spineless Tagless G-machine Version 2.5”
 - Simon Peyton Jones, 1992, web de SPJ:
<http://research.microsoft.com/Users/simonpj>
- “The Implementation of functional languages”
 - Simon Peyton Jones, Prentice Hall, 1987
- “Implementing Functional Languages: a Tutorial”
 - Simon Peyton Jones, David R. Lester, 1997, web de SPJ
- “How to make a fast curry: push/enter vs eval/apply”
 - Simon Marlow, Simon Peyton Jones, web de SPJ